

MAKİNE ÖĞRENMESİNDE AÇIKLANABİRLİK KAVRAMI: DERİN PEKİŞTİRMELİ ÖĞRENME VE SEMBOLİK REGRESYON İLE HİBRİT YAKLAŞIM

Volkan ETEMAN



© Copyright 2024

Bu kitabin, basim, yayin ve satis hakları Akademisyen Kitabevi AŞ'ne aittir. Anılan kuruluşun izni alınmadan kitabı tümü ya da bölümleri mekanik, elektronik, fotokopi, manyetik kağıt ve/veya başka yöntemlerle çoğaltılamaz, basılamaz, dağıtılamaz. Tablo, şekil ve grafikler izin alınmadan, ticari amaçlı kullanılamaz. Bu kitap T.C. Kültür Bakanlığı bandrolü ile satılmaktadır.

*Bu Kitap, Prof. Dr. Erkan İŞİĞİÇOK'un danışmanlığında yürütülen Volkan ETEMAN'a ait "Makine Öğrenmesinde Açıklanabilirlik Kavramına Derin Pekiştirmeli Öğrenme Ve Sembolik Regresyon İle Hibrit Yaklaşım: Algoritmik Ticaret Örneği" adlı Doktora Tezinden üretilmiştir.

ISBN
978-625-375-140-1

Yayın Koordinatörü
Yasin DİLMEN

Kitap Adı

Makine Öğrenmesinde Açıklanabilirlik Kavramı:
Derin Pekiştirmeli Öğrenme ve Sembolik
Regresyon ile Hibrit Yaklaşım

Sayfa ve Kapak Tasarımı
Akademisyen Dizgi Ünitesi

Yayıncı Sertifika No
47518

Editör

Erkan İŞİĞİÇOK
ORCID iD: 0000-0003-4037-0869

Baskı ve Cilt
Vadi Matbaacılık

Yazar

Volkan ETEMAN
ORCID iD: 0000-0002-3430-7073

Bisac Code
BUS000000

DOI
10.37609/akya.3349

Kütüphane Kimlik Kartı

Makine Öğrenmesinde Açıklanabilirlik Kavramı: Derin Pekiştirmeli Öğrenme ve Sembolik
Regresyon ile Hibrit Yaklaşım / Volkan Eteman, ed. Erkan İşığıçok
Ankara : Akademisyen Yayınevi Kitabevi, 2024.
194 s. : tablo, şekil ; 160x235 mm.
Kaynakça ve Ekler var.
ISBN 9786253751401

GENEL DAĞITIM

Akademisyen Kitabevi AŞ

Halk Sokak 5 / A

Yenişehir / Ankara

Tel: 0312 431 16 33

siparis@akademisyen.com

www.akademisyen.com

ÖN SÖZ

Verinin enformasyona enformasyonun bilgiye bilginin ise bilgeliğe dönüştürülme süreci günümüzde üretilen veri miktarları göz önüne alındığında baş edilmesi güç bir sürece evrilmiştir. Yüksek boyutlu veri trafiği ile ve bu verilerin işlenerek karar vermede kullanılabilmesi amacıyla geliştirilen yüksek işlem gücüne sahip bilgisayarlar ve gelişen algoritmalar verinin artış hızına yetişmekte zorlanmakla birlikte daha genelleştirilebilir yaklaşımın ve algoritmaların elde edilmesine olan ihtiyacı gün yüzüne çıkarmıştır. Bu çalışmada genelleştirilebilir ve yorumlanabilir denklemlerin elde edilmesi amacıyla pekiştirmeli öğrenme, derin öğrenme ve sembolik regresyon bağlamında hibrit bir yaklaşım ve algoritma önerilmiştir. Algoritma, finansal alanda karar verme kavramı altında yer alan algoritmik ticaret bağlamında ve bitcoin özelinde incelenmiştir. Çalışma, yapay öğrenme ile eğitilen bir modelin genelleştirilebilir ve yorumlanabilir bir formunun elde edilip edilemeyeceği kavramı etrafındaki hipotez ve araştırma sorularını incelemektedir. Çalışmanın metodolojisinde kullanılan yöntemlerden pekiştirmeli öğrenme kapsamlı ve sistematik bir mantıksal süreç ile ele alınmış olup, pekiştirmeli öğrenmenin kronolojik gelişiminde ortaya çıkan yöntemlerin ve algoritmaların hangi eksikliği gidermek için ortaya çıktığı ve hangi soruya cevap verdiği başlıklar altında irdelemiştir.

Algoritmik ticaretin amaç fonksiyonu, otomatikleştirilmiş alım satım işlemleri sonucu kâr elde edilmesi olsa da çalışmada amaçlanan, ortalama olarak zarar etmeyen bir sistemin finansal piyasa koşullarında aldığı kararların matematiksel fonksiyonun elde edilmesi ve bu fonksiyonun finansal yapıyı temsil kabiliyetinin incelenmesidir. Bu bağlamda elde edilecek iyi bir temsil kabiliyeti veya alanın teorilerine uygun fonksiyonel formların gözlemlenmesi sonucunda ele alınan yöntemin farklı alanlarda uygulanarak, uygulama alanında bilinen fonksiyonel yapıların gözlemlenmesinin yanı sıra bilinmeyen fonksiyonel yapıların keşfine de yol açabilir. Söz konusu bağlamın okuyuculara yapay zekâ ile bilimsel bilginin keşfine ilişkin yeni bakış açılarına yol açmasını temenni ederim.

Bu çalışma, Bursa Uludağ Üniversitesi Sosyal Bilimler Enstitüsü Ekonometri Anabilim Dalı İstatistik Bilim Dalı'nda 2024 yılında kabul edilen "Makine Öğrenmesinde Açıklanabilirlik Kavramına Derin Pekiştirmeli

Öğrenme ve Sembolik Regresyon ile Hibrit Yaklaşım: Algoritmik Ticaret Örneği” ismi ile savunulmuş doktora tezinin kitaplaştırılmış halidir. Kitabın içeriği, doktora tez savunmasında kabul edilen haliyle sunulmakta olup herhangi bir değişiklik yapılmamıştır. Yalnızca metinde geçen ve doktora tezini belirten “tez” ifadesi, “çalışma” ifadesi ile değiştirilmiştir.

Doktora tezimi hazırlarken sürecin her aşamasında bana rehberlik eden, bilgi ve deneyimleriyle karşılaştığım zorlukları aşmamı sağlayan değerli danışman hocam Prof. Dr. Erkan IŞIĞIÇOK'a sonsuz teşekkürlerimi sunarım. Kendisinin sabrı ve yol gösterici tavsiyeleri sayesinde süreci başarılı bir şekilde tamamlayabildim. Kazandırdığı bakış açıları ve sağladığı destek gelecekteki çalışmalarımda da yol gösterici olacaktır.

SİMGELER

s_t	: Durum
s'	: Sonraki Durum
R_t	: Ödül
A_t	: Eylem
S	: Durum Uzayı
A	: Eylem Uzayı
G_t	: Toplam Ödül
γ	: İndirgeme Faktörü
π	: Politika
π^*	: Optimal Politika
$\pi(a s)$: Stokastik Politika
P	: Geçiş Olasılığı Fonksiyonu
V_π	: Durum Değer Fonksiyonu
Q_π	: Eylem Değer Fonksiyonu
$V^*(s)$: Optimal Durum Değer Fonksiyonu
$Q^*(s, a)$: Optimal Eylem Değer Fonksiyonu
$O(f(n))$: Zaman Polinomu
α	: Öğrenme Oranı
ϵ	: Keşif Oranı
w	: Model Parametreleri
x_i	: Öznitelikler
σ	: Aktivasyon Fonksiyonu
b	: Bias
$J(\vec{w})$: Türevlenebilir Parametre Vektörü
∇	: Gradyan
θ	: Sinir Ağrı Parametreleri
$L_i(\theta_i)$: Kayıp Fonksiyonu

$f(x)$: Hedef Fonksiyon

$g(x)$: Amaç Fonksiyonu

$z(x)$: Ceza Fonksiyonu

λ : Ceza Ağırlığı

KISALTMALAR

A2C	: Advantage Actor Critic
A3C	: Asynchronous Advantage Actor Critic
ADX	: Average Directional Index
ATR	: Average True Range
CCI	: Commodity Channel Index
DDPG	: Deep Deterministic Policy Gradient
DQL	: Deep Reinforcement Learning
EMA	: Exponential Moving Average
KNN	: K Nearest Neighbors
LSTM	: Long-Short Term Memory
MDP	: Markov Decision Process
PPO	: Proximal Policy Optimization
RBF	: Radial Basis Function
RL	: Reinforcement Learning
RNN	: Recurrent Neural Network
RSI	: Relative Strength Index
SMA	: Simple Moving Averages
SR	: Symbolic Regression
SVM	: Support Vector Machine
TD	: Temporal Difference
XAI	: Explainable Artificial Intelligence
YSA	: Yapay Sinir Ağları

İÇİNDEKİLER

GİRİŞ.....	1
------------	---

BÖLÜM 1

ALGORİTMİK TİCARETİN TEORİK ÇERÇEVESİ

1.1. Algoritmik Ticaretin Tanımı ve Gelişimi.....	7
1.2. Algoritmik Ticaret Aşamaları ve Sistem Bileşenleri.....	13
1.2.1. Ön Ticaret Analizi Aşaması	16
1.2.1.1. Alfa Modeli	17
1.2.1.2. Risk Modeli	17
1.2.1.3. İşlem Maliyetleri Modeli	17
1.2.2. Sinyal Üretme Aşaması.....	18
1.2.3. Uygulama Aşaması.....	18
1.2.4. Ticaret Sonrası Analiz Aşaması	19
1.3. Geleneksel Algoritma Türleri.....	19
1.4. Mikro Piyasa Yapısı.....	20
1.4.1. Piyasa Likiditesi.....	21
1.4.2. Emir Defteri	22
1.4.3. Piyasa Emri.....	23
1.4.4. Limit Fiyatlı Emirler	23
1.4.5. Stop Emirleri.....	23
1.4.6. Flash Crash	24
1.5. Teknolojik Altyapı Gereksinimleri ve Kavramları	24
1.5.1. Erişim Türleri.....	25
1.5.1.1. Doğrudan Erişim	25
1.5.1.2. Sponsorlu Erişim.....	25
1.5.1.3. FIX Protokolü	26
1.5.2. Piyasa Yönetim Sistemleri	26
1.5.3. Emir Girişи.....	27
1.5.4. Emir Yönlendirme	28
1.5.5. Akıllı Emir Yönlendirme	28

1.5.6. Hız ve Gecikme.....	30
1.5.7. Kolokasyon	31
1.6. Algoritmik Ticaret Alan Yazını.....	31

BÖLÜM 2

PEKİŞTİRMELİ ÖĞRENME

2.1. Pekiştirmeli Öğrenmeye Genel Bakış.....	33
2.2. Pekiştirmeli Öğrenmenin Temel Kavramları.....	38
2.2.1. Ajan.....	38
2.2.2. Çevre	39
2.2.3. Durum.....	40
2.2.4. Eylem	41
2.2.5. Ödül	41
2.2.5.1. Toplam Ödül	42
2.2.5.2. İndirgenmiş Ödül ve Fayda Fonksiyonu	43
2.2.6. Politika	44
2.2.7. Model.....	48
2.3. Pekiştirmeli Öğrenmede Markov Özelliği ve Markov Karar Süreci.....	51
2.3.1. Markov Karar Süreci.....	52
2.3.2. Değer Fonksiyonu.....	55
2.3.2.1. Durum Değer Fonksiyonu.....	56
2.3.2.2. Eylem Değer Fonksiyonu	57
2.3.3. Yedekleme Diyagramları.....	57
2.3.4. Bellman Denklemleri	59
2.3.4.1. Bellman Denklemlerinin Türetilmesi.....	60
2.3.4.2. Optimallik.....	66
2.4. Pekiştirmeli Öğrenme Problemlerinin Çözümü.....	67
2.4.1. Ödül Atama Problemi.....	68
2.4.2. Dinamik Programlama	69
2.4.2.1. Politika Değerlendirmesi	73
2.4.2.2. Politika İyileştirmesi.....	76
2.4.2.3. Politika İterasyonu.....	78
2.4.2.4. Değer İterasyonu	79
2.4.3. Monte Carlo Yöntemi	80

2.4.3.1. Monta Carlo Tahmin Algoritması	81
2.4.3.2. Monte Carlo Kontrol Algoritması	83
2.4.3.3. Artımlı Ortalama ve Öğrenme Oranı ile Monte Carlo Yaklaşımı	84
2.4.4. Zamansal Fark Öğrenmesi	85
2.4.4.1. Sarsa Algoritması	90
2.4.4.2. Q Öğrenme Algoritması	92
2.4.5. Fonksiyon Yaklaşıklaştırma Yöntemleri	96
2.4.6. Derin Q Öğrenme	106
2.5. Pekiştirmeli Öğrenme Alan Yazını.....	109

BÖLÜM 3

SEMBOLİK REGRESYON

3.1. Meta-Sezgisel Algoritmalar	119
3.2. Genetik Algoritma ve Temel Kavramlar.....	120
3.2.1. Genetik Operatörler.....	122
3.2.2. Uygunluk Fonksiyonu ve Nesil Kavramı	124
3.3. Sembolik Regresyon.....	126

BÖLÜM 4

UYGULAMA: SEMBOLİK DERİN PEKİŞİRMELİ HİBRİT YAKLAŞIM

4.1. Kavramsal Şema.....	133
4.2. Kullanılan Programlar ve Kütüphaneler.....	134
4.3. Veri.....	137
4.4. Derin Q Öğrenme Uygulaması.....	140
4.4.1. Durum Tasarımı	140
4.4.2. Eylem ve Ödül Tasarımı	143
4.4.3. Çevre Tasarımı	144
4.4.4. Ajan Tasarımı.....	145
4.5. Çevre-Ajan iletişimi ve Algoritmanın Çalıştırılması	147
4.5.1. DQL Algoritma Sonuçları ve Performans Değerlendirmesi.....	148
4.6. Sembolik Regresyon Bütünlestirmesi	151
SONUÇ VE TARTIŞMA	159
KAYNAKÇA.....	165
EKLER	173

KAYNAKÇA

- Agostinelli, F., Hocquet, G., Singh, S., & Baldi, P. (2018). *From Reinforcement Learning to Deep Reinforcement Learning: An Overview: International Conference Commemorating the 40th Anniversary of Emmanuil Braverman's Decease, Boston, MA, USA, April 28-30, 2017, Invited Talks* (ss. 298-328). https://doi.org/10.1007/978-3-319-99492-5_13
- Alagoz, O., Hsu, H., Schaefer, A. J., & Roberts, M. S. (2010). Markov Decision Processes: A Tool for Sequential Decision Making under Uncertainty. *Medical decision making : an international journal of the Society for Medical Decision Making*, 30(4), 474-483. <https://doi.org/10.1177/0272989X09353194>
- Aldeia, G. S. I., & de França, F. O. (2021). Measuring feature importance of symbolic regression models using partial effects. *Proceedings of the Genetic and Evolutionary Computation Conference*, 750-758. <https://doi.org/10.1145/3449639.3459302>
- Austel, V., Dash, S., Gunluk, O., Horesh, L., Liberti, L., Nannicini, G., & Schieber, B. (2017). *Globally Optimal Symbolic Regression* (arXiv:1710.10720). arXiv. <https://doi.org/10.48550/arXiv.1710.10720>
- Aytaç, M. (2015). Markov Karar Analizi. İçinde *Karar Verme* (1. bs).
- Barfuss, W., & Meylahn, J. M. (2023). Intrinsic fluctuations of reinforcement learning promote cooperation. *Scientific Reports*, 13(1), Article 1. <https://doi.org/10.1038/s41598-023-27672-7>
- Barron, A. B., Heberts, E. A., Cleland, T. A., Fitzpatrick, C. L., Hauber, M. E., & Stevens, J. R. (2015). Embracing multiple definitions of learning. *Trends in Neurosciences*, 38(7), 405-407. <https://doi.org/10.1016/j.tins.2015.04.008>
- Barto, A. G., Sutton, R. S., & Anderson, C. W. (1983). Neuronlike adaptive elements that can solve difficult learning control problems. *IEEE transactions on systems, man, and cybernetics*, 5, 834-846.
- Basheer, I. A., & Hajmeer, M. (2000). Artificial neural networks: Fundamentals, computing, design, and application. *Journal of Microbiological Methods*, 43(1), 3-31. [https://doi.org/10.1016/S0167-7012\(00\)00201-3](https://doi.org/10.1016/S0167-7012(00)00201-3)
- Bellman, R. (1952). On the Theory of Dynamic Programming. *Proceedings of the National Academy of Sciences*, 38(8), 716-719. <https://doi.org/10.1073/pnas.38.8.716>
- Bellman, R. (1954). The theory of dynamic programming. *Bulletin of the American Mathematical Society*, 60(6), 503-515. <https://doi.org/10.1090/S0002-9904-1954-09848-8>
- Bellman, R. (1957). *Dynamic Programming* (First Edition). Princeton University Press.
- Bellman, R. (1961). *Adaptive Control Processes: A Guided Tour*. Princeton University Press. <https://www.jstor.org/stable/j.ctt183ph6v>
- Bengio, Y. (2007). On the challenge of learning complex functions. İçinde P. Cisek, T. Drew, & J. F. Kalaska (Ed.), *Progress in Brain Research* (C. 165, ss. 521-534). Elsevier. [https://doi.org/10.1016/S0079-6123\(06\)65033-4](https://doi.org/10.1016/S0079-6123(06)65033-4)

- Bengio, Y. (2012). Practical recommendations for gradient-based training of deep architectures. *Arxiv*.
- Boguslavskiy, J. (2016). *Polynomial Approximation Technique Applied to Inverse Vector-Function* (ss. 45-70). https://doi.org/10.1007/978-3-319-04036-3_4
- Borsa İstanbul A.Ş. (2014). <https://www.borsaistanbul.com/tr/duyuru/683/viop-ta-fix-protokolu-ile-emir-iletim-alt yapisi-devreye-alindi>
- Brown, R. (2007). The Life And Work Of Donald Olding Hebb, Canada's Greatest Psychologist. *Proceedings of the Nova Scotian Institute of Science (NSIS)*, 44. <https://doi.org/10.15273/pnsis.v44i1.3880>
- Brownlees, C. T., Cipollini, F., & Gallo, G. M. (2010). *Intra-Daily Volume Modeling and Prediction for Algorithmic Trading* (SSRN Scholarly Paper 1393993). <https://doi.org/10.2139/ssrn.1393993>
- Brunton, S. L., & Kutz, J. N. (2019). *Data-Driven Science and Engineering: Machine Learning, Dynamical Systems, and Control* (1st edition). Cambridge University Press.
- Carabantes, M. (2020). Black-box artificial intelligence: An epistemological and critical analysis. *AI & SOCIETY*, 35(2), 309-317. <https://doi.org/10.1007/s00146-019-00888-w>
- Chaboud, A. P., Chiquoine, B., Hjalmarsson, E., & Vega, C. (2014). Rise of the Machines: Algorithmic Trading in the Foreign Exchange Market. *The Journal of Finance*, 69(5), 2045-2084. <https://doi.org/10.1111/jofi.12186>
- Clark, W. A., & Farley, B. G. (1955). Generalization of pattern recognition in a self-organizing system. *Proceedings of the March 1-3, 1955, western joint computer conference*, 86-91. <https://doi.org/10.1145/1455292.1455309>
- De Houwer, J., Barnes-Holmes, D., & Moors, A. (2013). What is learning? On the nature and merits of a functional definition of learning. *Psychonomic Bulletin & Review*, 20(4), 631-642. <https://doi.org/10.3758/s13423-013-0386-3>
- Domowitz, I., & Yegerman, H. (2006). The Cost of Algorithmic Trading: A First Look at Comparative Performance. *The Journal of Trading*, 1, 33-42. <https://doi.org/10.3905/jot.2006.609174>
- Ende, B., Gomber, P., & Lutat, M. (2009). *Smart Order Routing Technology in the New European Equity Trading Landscape* (SSRN Scholarly Paper 1476272). <https://papers.ssrn.com/abstract=1476272>
- European Commission. (2010). *Review of the Markets in Financial Instruments Directive(MIFID)*.
- Goertzel, B. (2014). Artificial General Intelligence: Concept, State of the Art, and Future Prospects. *Journal of Artificial General Intelligence*, 5(1), 1-48. <https://doi.org/10.2478/jagi-2014-0001>
- Goldberg, D. E. (1989). *Genetic Algorithms in Search, Optimization and Machine Learning* (1st bs). Addison-Wesley Longman Publishing Co., Inc.
- Gomber, P., Arndt, B., Lutat, M., & Uhle, T. (2011). *High-Frequency Trading* (SSRN Scholarly Paper 1858626). <https://doi.org/10.2139/ssrn.1858626>
- Gomber, P., & Gsell, M. (2006). Catching Up with Technology—The Impact of Regulatory Changes on ECNs/MTFs and the Trading Venue Landscape in Europe. *Competition and Regulation in Network Industries*, 7, 535-558. <https://doi.org/10.1177/178359170600100401>

- Gomber, P., & Zimmermann, K. (2018). Algorithmic trading in practice. İçinde *The Oxford Handbook of Computational Economics and Finance* (ss. 311-332). <https://doi.org/10.1093/oxfordhb/9780199844371.013.12>
- Groth, S. S. (2011). *Does Algorithmic Trading Increase Volatility? Empirical Evidence from the Fully-Electronic Trading Platform Xetra*. Wirtschaftsinformatik. <https://www.semanticscholar.org/paper/Does-Algorithmic-Trading-Increase-Volatility-from-Groth/4991b9818bed702f65ca22352fd344d718a2f053>
- Grundner, A., Beucler, T., Gentine, P., & Eyring, V. (2023). *Data-Driven Equation Discovery of a Cloud Cover Parameterization* (arXiv:2304.08063). arXiv. <https://doi.org/10.48550/arXiv.2304.08063>
- Gsell, M. (2008). Assessing the impact of algorithmic trading on markets: A simulation approach. *16th European Conference on Information Systems, ECIS 2008*.
- Gsell, M., & Gomber, P. (2009). *Algorithmic Trading Engines Versus Human Traders – Do They Behave Different in Securities Markets?* (SSRN Scholarly Paper 1476271). <https://papers.ssrn.com/abstract=1476271>
- Gustafson, S., Burke, E. K., & Krasnogor, N. (2005). *On improving genetic programming for symbolic regression*. 1, 912-919 Vol.1. <https://doi.org/10.1109/CEC.2005.1554780>
- Harel, G., & Koichu, B. (2010). An operational definition of learning. *The Journal of Mathematical Behavior*, 29(3), 115-124. <https://doi.org/10.1016/j.jmathb.2010.06.002>
- Hebb, D. O. (1949). *The organization of behavior; a neuropsychological theory* (ss. xix, 335). Wiley.
- Hendershott, T., Jones, C. M., & Menkveld, A. J. (2011). Does Algorithmic Trading Improve Liquidity? *The Journal of Finance*, 66(1), 1-33. <https://doi.org/10.1111/j.1540-6261.2010.01624.x>
- Hendershott, T., & Riordan, R. (2012). *Algorithmic Trading and the Market for Liquidity* (SSRN Scholarly Paper 2001912). <https://doi.org/10.2139/ssrn.2001912>
- Ho, Y.-W., Rawat, T., Yang, Z.-K., Pratik, S., Lai, G.-W., Tu, Y.-L., & Lin, A. (2021). Neuro-evolution-Based Efficient Field Effect Transistor Compact Device Models. *IEEE Access, PP*, 1-1. <https://doi.org/10.1109/ACCESS.2021.3130254>
- Holland, J. H. (1992). *Adaptation in Natural and Artificial Systems: An Introductory Analysis with Applications to Biology, Control, and Artificial Intelligence*. The MIT Press. <https://doi.org/10.7551/mitpress/1090.001.0001>
- Holt, S., Qian, Z., & van der Schaar, M. (2023). *Deep Generative Symbolic Regression* (arXiv:2401.00282). arXiv. <https://doi.org/10.48550/arXiv.2401.00282>
- Howard, R. A. (1960). *Dynamic programming and Markov processes* (ss. viii, 136). John Wiley.
- International Securities Commissions. (2011). *Regulatory Issues Raised by the Impact of Technological Changes on Market Integrity and Efficiency*.
- İşığçık, E. (2015). Karar Vermeye Giriş. İçinde *Karar Verme* (1. bs).
- Jelvis, A. R., Tikhon. (2022). *Foundations of Reinforcement Learning with Applications in Finance*. Chapman and Hall/CRC. <https://doi.org/10.1201/9781003229193>
- Johnson, B. (2010). *Algorithmic trading & DMA: An introduction to direct access trading strategies*. 4Myeloma Press.

- Josiński, H., Kostrzewska, D., Michalczuk, A., & Świtoński, A. (2014). The Expanded Invasive Weed Optimization Metaheuristic for Solving Continuous and Discrete Optimization Problems. *The Scientific World Journal*, 2014, 1-14. <https://doi.org/10.1155/2014/831691>
- Kaelbling, L. P., Littman, M. L., & Moore, A. W. (1996). *Reinforcement Learning: A Survey* (arXiv:cs/9605103). arXiv. <http://arxiv.org/abs/cs/9605103>
- Khamsi, M. A., & Kirk, W. A. (2001, Mart 6). *An Introduction to Metric Spaces and Fixed Point Theory*. <https://doi.org/10.1002/9781118033074>
- Kissell, R. (2013). *The Science of Algorithmic Trading and Portfolio Management: Applications Using Advanced Statistics, Optimization, and Machine Learning Techniques* (1st edition). Academic Press.
- Klopff, A. H. (1972). *Brain Function and Adaptive Systems: A Heterostatic Theory*. Air Force Cambridge Research Laboratories, Air Force Systems Command, United States Air Force.
- Koza, J. R. (1994). Genetic programming as a means for programming computers by natural selection. *Statistics and Computing*, 4(2), 87-112. <https://doi.org/10.1007/BF00175355>
- Kumar, A., Nadeem, M., & Banka, H. (2023). Nature inspired optimization algorithms: A comprehensive overview. *Evolving Systems*, 14(1), 141-156. <https://doi.org/10.1007/s12530-022-09432-6>
- Lachman, S. J. (1997). Learning is a Process: Toward an Improved Definition of Learning. *The Journal of Psychology*, 131(5), 477-480. <https://doi.org/10.1080/00223989709603535>
- Lanz, P. (2000). The Concept of Intelligence in Psychology and Philosophy. İçinde H. Cruse, J. Dean, & H. Ritter (Ed.), *Prerational Intelligence: Adaptive Behavior and Intelligent Systems Without Symbols and Logic, Volume 1, Volume 2 Prerational Intelligence: Interdisciplinary Perspectives on the Behavior of Natural and Artificial Systems, Volume 3* (ss. 19-30). Springer Netherlands. https://doi.org/10.1007/978-94-010-0870-9_3
- Li, C.-C., Liu, J.-C., Lin, C.-H., & Lo, W. (2015). On the Accelerated Convergence of Genetic Algorithm Using GPU Parallel Operations. *International Journal of Software Innovation*, 3, 1-17. <https://doi.org/10.4018/IJSI.2015100101>
- Lin, L.-J. (1992). Self-improving reactive agents based on reinforcement learning, planning and teaching. *Machine Learning*, 8(3), 293-321. <https://doi.org/10.1007/BF00992699>
- Matsubara, Y., Chiba, N., Igarashi, R., & Ushiku, Y. (2023). *Rethinking Symbolic Regression Datasets and Benchmarks for Scientific Discovery* (arXiv:2206.10540). arXiv. <https://doi.org/10.48550/arXiv.2206.10540>
- Méndez-Molina, A., F.Morales, E., & Sucar, L. E. (2022). Causal Discovery and Reinforcement Learning: A Synergistic Integration. *Proceedings of The 11th International Conference on Probabilistic Graphical Models*, 421-432. <https://proceedings.mlr.press/v186/mendez-molina22a.html>
- Minsky, M. (1954). *Theory of neural-analog reinforcement systems and its application to the brain-model problem*.
- Minsky, M. (1961). Steps toward Artificial Intelligence. *Proceedings of the IRE*, 49(1), 8-30. <https://doi.org/10.1109/JRPROC.1961.287775>

- Mitchell, M. (1998). *An Introduction to Genetic Algorithms*. MIT Press.
- Mnih, V., Kavukcuoglu, K., Silver, D., Graves, A., Antonoglou, I., Wierstra, D., & Riedmiller, M. (2013). *Playing Atari with Deep Reinforcement Learning* (arXiv:1312.5602). arXiv. <http://arxiv.org/abs/1312.5602>
- Murphy, J. J. (1999). *Technical Analysis of the Financial Markets: A Comprehensive Guide to Trading Methods and Applications*. Penguin Publishing Group.
- Naeem, M., Rizvi, S. T. H., & Coronato, A. (2020). A Gentle Introduction to Reinforcement Learning and its Application in Different Fields. *IEEE Access*, 8, 209320-209344. <https://doi.org/10.1109/ACCESS.2020.3038605>
- Nasar, A. A. (2016). The history of Algorithmic complexity. *The Mathematics Enthusiast*, 13(3), 217-242. <https://doi.org/10.54870/1551-3440.1375>
- Naser, M. Z. (2021). An engineer's guide to eXplainable Artificial Intelligence and Interpretable Machine Learning: Navigating causality, forced goodness, and the false perception of inference. *Automation in Construction*, 129, 103821. <https://doi.org/10.1016/j.autcon.2021.103821>
- Nisbett, R. E., Aronson, J., Blair, C., Dickens, W., Flynn, J., Halpern, D. F., & Turkheimer, E. (2012). Intelligence: New findings and theoretical developments. *The American Psychologist*, 67(2), 130-159. <https://doi.org/10.1037/a0026699>
- Nuti, G., Mirghaemi, M., Treleaven, P., & Yingsaeree, C. (2011). Algorithmic Trading. *Computer*, 44, 61-69. <https://doi.org/10.1109/MC.2011.31>
- Petersen, B. K., Landajuela, M., Mundhenk, T. N., Santiago, C. P., Kim, S. K., & Kim, J. T. (2021). Deep symbolic regression: Recovering mathematical expressions from data via risk-seeking policy gradients (arXiv:1912.04871). arXiv. <https://doi.org/10.48550/arXiv.1912.04871>
- Peterson, J. K. (2016). Function Approximation. İçinde J. K. Peterson (Ed.), *Calculus for Cognitive Scientists: Derivatives, Integrals and Models* (ss. 279-299). Springer. https://doi.org/10.1007/978-981-287-874-8_14
- Prix, J., Loistl, O., & Huettl, M. (2007). Algorithmic Trading Patterns in Xetra Orders. *European Journal of Finance*, 13, 717-739. <https://doi.org/10.1080/13518470701705538>
- Pujol, G., & Brueckner, A. (2009). Smart Order Routing and Best Execution. *AMCIS 2009 Proceedings*. <https://aisel.aisnet.org/amcis2009/155>
- Raheema, M., & Abdullah, A. (2017). *Function Approximation using Neural and Fuzzy Methods*.
- Raymer, M., Punch, W., Goodman, E., Kuhn, L., & Jain, A. (2000). Dimensionality Reduction Using Genetic Algorithms. *Evolutionary Computation, IEEE Transactions on*, 4, 164-171. <https://doi.org/10.1109/4235.850656>
- Reiher, W. (1966). Hammersley, J. M., D. C. Handscomb: Monte Carlo Methods. Methuen & Co., London, and John Wiley & Sons, New York, 1964. VII + 178 S., Preis: 25 s. *Biometrische Zeitschrift*, 8(3), 209-209. <https://doi.org/10.1002/bimj.19660080314>
- Riordan, R. (2009). *The Economics of Algorithmic Trading* [PhD Thesis, Karlsruhe, Univ., Diss., 2009]. <https://scholar.archive.org/work/jczccv3hjnbdziadbijebktay/access/wayback/https://publikationen.bibliothek.kit.edu/1000014028/1080547>

- Rosen, K. (2011). *Discrete Mathematics and Its Applications Seventh Edition* (7th edition). McGraw Hill.
- Rosenblatt, F. (1957). *The Perceptron: A Perceiving and Recognizing Automaton* (85-460-1). <https://blogs.umass.edu/brain-wars/files/2016/03/rosenblatt-1957.pdf>
- Rudin, C., & Radin, J. (2019). Why Are We Using Black Box Models in AI When We Don't Need To? A Lesson From an Explainable AI Competition. *Harvard Data Science Review*, 1(2). <https://doi.org/10.1162/99608f92.5a8a3a3d>
- Russell, S., & Norvig, P. (2009). *Artificial Intelligence: A Modern Approach* (3rd edition). Pearson.
- Silver, D. (2015). *Lectures on Reinforcement Learning*. David Silver. <https://www.davidsilver.uk/teaching/>
- Sun, F., Liu, Y., Wang, J.-X., & Sun, H. (2022). *Symbolic Physics Learner: Discovering governing equations via Monte Carlo tree search* (arXiv:2205.13134; Versiyon 1). arXiv. <http://arxiv.org/abs/2205.13134>
- Sutton, R. (t.y.). *Learning theory support for a single channel theory of the brain*.
- Sutton, R. (1988). Learning to Predict by the Method of Temporal Differences. *Machine Learning*, 3, 9-44. <https://doi.org/10.1007/BF00115009>
- Sutton, R., & Barto, A. G. (1981). An Adaptive Network That Constructs and Uses an Internal Model of its World. 4(3), 217-246.
- Sutton, R. S., & Barto, A. G. (1981). Toward a modern theory of adaptive networks: Expectation and prediction. *Psychological Review*, 88(2), 135-170.
- Sutton, R. S., & Barto, A. G. (1987). A temporal-difference model of classical conditioning. *Proceedings of the ninth annual conference of the cognitive science society*, 355-378.
- Sutton, R. S., & Barto, A. G. (1998). *Reinforcement Learning: An Introduction*. MIT Press.
- Tenachi, W., Ibata, R., & Diakogiannis, F. I. (2023). Deep Symbolic Regression for Physics Guided by Units Constraints: Toward the Automated Discovery of Physical Laws. *The Astrophysical Journal*, 959(2), 99. <https://doi.org/10.3847/1538-4357/ad014c>
- Tesauro, G. (1995). *Temporal Difference Learning and TD-Gammon*.
- Thrun, S., & Schwartz, A. (1999). *Issues in Using Function Approximation for Reinforcement Learning*. <https://www.semanticscholar.org/paper/Issues-in-Using-Function-Approximation-for-Learning-Thrun-Schwartz/26b8747eb4d7fb-4d4fc45707606d5e969b9afb0c>
- Tiganj, Z., Gershman, S. J., Sederberg, P. B., & Howard, M. W. (2019). Estimating Scale-Invariant Future in Continuous Time. *Neural Computation*, 31(4), 681-709. https://doi.org/10.1162/neco_a_01171
- Treleaven, P., Galas, M., & Lalchand, V. (2013). Algorithmic Trading Review. *Communications of the ACM*, 56, 76-85. <https://doi.org/10.1145/2500117>
- Udrescu, S.-M., & Tegmark, M. (2021). Symbolic pregression: Discovering physical laws from distorted video. *Physical Review E*, 103(4), 043307. <https://doi.org/10.1103/PhysRevE.103.043307>
- US: Securities and Exchange Commission. (2010). Concept Release on Equity Market Structure. Part III: Proposed Rules. *Federal Register*. Vol. 75, No. 13, 3331-3614.

- Wang, Y., Wagner, N., & Rondinelli, J. M. (2019). Symbolic regression in materials science. *MRS Communications*, 9(3), 793-805. <https://doi.org/10.1557/mrc.2019.85>
- Watkins, C. (1989). *Learning From Delayed Rewards*.
- Watkins, C., & Dayan, P. (1992). Technical Note: Q-Learning. *Machine Learning*, 8, 279-292. <https://doi.org/10.1007/BF00992698>
- Whiteson, S. (2010). *Adaptive Representations for Reinforcement Learning* (C. 291). Springer Berlin Heidelberg. <https://doi.org/10.1007/978-3-642-13932-1>
- Wiering, M. (1999). *Explorations in efficient reinforcement learning*. <https://www.semanticscholar.org/paper/Explorations-in-efficient-reinforcement-learning-Wiering/d5a978148cb0ea702ec0671260786e6b03fd2a39>
- Wiering, M., & van Otterlo, M. (2014). *Reinforcement Learning: State-of-the-Art*. Springer Publishing Company, Incorporated.
- Wu, Y. M. (2012). The Comparison of Different Chromosome Coding Method Based on Genetic Algorithm. *Advanced Materials Research*, 546-547, 666-669. <https://doi.org/10.4028/www.scientific.net/AMR.546-547.666>
- Zhang, M., Kim, S., Lu, P. Y., & Soljačić, M. (2023). *Deep Learning and Symbolic Regression for Discovering Parametric Equations* (arXiv:2207.00529). arXiv. <http://arxiv.org/abs/2207.00529>